## Theorie Woche 10:

O Das Eigenvertproblem: Skript ab S. 90

Wir fanchen num etwas trefer ein in die

Eigenschaften von lin. Abbildungen. Wir werden

die sogenannten Eigenwerte & Eigenveletoren von

Matrizen betrachten. Diese Konstrukte werden wir

für nehvere Anwendungen benötigen, u.a. zur

Diagonalisierung quadratischer Matrizen. Es gibt

einen kurzen Exkus ins Thema der Quadriken

für interessierte, und schlussendlich werden wir

die elernten Werkzeuge dazu benutzen können,

Differentialgleichungen zu lösen?

· <u>Eigenvete (EW)</u>: Skript S. 90

Definition, Berechnungsmethode + Beispiele im Skript. Sehr wichtig ist der Begriff dur algebraischen Vielfachheit (auch Multiplizität genannt).

· <u>Eigenveletoren & Eigenraum (EV)</u>: Skript S. 91 ff.

Definition, Berechnungsmethode + kombinierte

Beispiele (mit EW) im Skript.

Besonders wichtig ist der Begriff dur

geometrischen Vielfachheit.

· EW + EV Eigenschaften: Sluipt S. gt Betrachtet in Sluipt die wichtige Eigenschaft der Ahrlichleit zueier Matrizen, sowie Begriffe einfach & halbeinfach. · <u>Diagonalisierbarkeit</u>: Skript S. 94 ft. Ein wichtiger und zentraler Begriff leinftiger überlegungen. Definition, Eigenschaften und Recherbeispiele in Skript. · Das Eigenvertproblen symmetrischer Matrizen: S. Es gibt einer guter brund, warum wir symmetrische Matrizen bevorzugen. Betrachtet in Skript die ungenein vorteilhaften Eigenschaften symmetrische Matrizen im Bezug ant das Eigenvertproblem. Ansserden findet ihr auf der Folgeseiter viele Recharbeispiele, nelche anch nieder die EWSEU Berechnungen beinhalter.

o Anwendungen des Eigenvertproblemes: Skript ab S. 109 Wir kommen en der mæähliger Anwendunger. In Rahner der Vorlegung behandeln wir grab. · Berechnung von Ax: Skript S. 109 ft. · Berechning von e : Skript S. 106 ff. · Matrix normen : Skript S. 109 · Die Hauptachsentransformation quadratischer Formen (Quadriken): Skript S. 110-116 · Berechnung lokaler Extrema: Skript S. 116 ff. Wobei die Berechnung des Matrix exponentials essentiell zur Lösung von Differentialgleichungen ist. Die Berechnung von A'x beschäftigt sich mit der Frage rach der Auswirkung einer mehrfachen Anwendung einer Matrix ant einer Veletor (gals schon Printungsfrager diesbeziglich). Matrixnormen unden u.U. breits behandelt, einige konnen jedoch erst jetzt verstanden nerden. Die Quadriken unrden evtl. knøz angesprocher, dahinter velsingt sich fin Interessierte einiges, es gibt jedoch auch einfach ein Kochrezept und eine Tabelle, welche die wichtigsten Kegelschnitte/Quadrileen zusammenfasst. Anch die Berechnung Volcaler Extremas wird kurz angesprochen, jedoch sehr sellen geprift.

o Differentialgluchungen: Skript ab 5.131 Mit der run ren elevater Welezenger sind nin in du Lage, lineare Dat beliebiger Ordnung zu löser. Im Rahmen der Vorlesung interessieren wir uns aber vor allem für DGL 1. und 2. Ordnung. Das Vorgehen ist dabei analog zum behannten Vorgehen ans der Analysis. Nur intressives wir uns nunnehr nicht für eine einzige DGL, sondern finr ganze DGL-systèmes · Lineare Système erster Ordning: Skript S. 131-141 Enerst betrachter wir DGL erster Ordnung. Die Définition solcher Système, die allgemeine Lösung sourie das Antangsmentproblem und dutzende Beispiele finder sich im Skript. · Lineare Système Eweiter Ordning: Skript 5.142-149 Dasselbe trifft auf die Système zweiter Ordnung zn. Erfahringsgenass væden an Printinger eher Systeme erster Ordning geprüft.